

ALGORITMIEK: opgaven werkcollege 12

Branch-and-bound

Opgave 1. Los het toewijzingsprobleem op voor onderstaand voorbeeld met behulp van

- branch-and-bound, met de ondergrens op de te verwachten waarde van de object-functie via de rijen berekend (zoals het voorbeeld in het boek/college), en gebruikmakend van de best-first strategie
- branch-and-bound, met de ondergrens op de te verwachten waarde van de object-functie via de kolommen berekend, en gebruikmakend van de best-first strategie
- backtracking (kosten van deeloplossingen kunnen worden gebruikt om te snoeien)

en vergelijk de hoeveelheid snoeiwerk bij de drie methodes. Teken in alle drie de gevallen de bijbehorende state-space-tree (bij backtracking is een substantieel deel voldoende). Geef daarin ook aan in welke volgorde de knopen (=deeloplossingen) worden uitgebreid.

	W	X	Y	Z
Alice	4	7	3	5
Bob	6	2	9	1
Carol	3	9	5	3
David	1	1	1	8

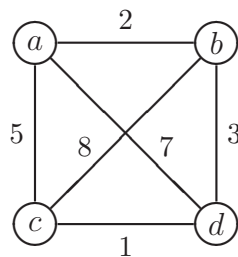
- Hoeveel knopen bevat de state-space-tree van het branch-and-bound algoritme in het beste geval? Beantwoord deze vraag voor het voorbeeld (dus $n = 4$), maar ook voor algemene n .

Opgave 2. (Opgave 12.2.5. uit het boek van Levitin.) Los de volgende instantie van het knapzakprobleem op met behulp van het branch-and-bound algoritme:

object	gewicht	waarde
1	10	100
2	7	63
3	8	56
4	4	12

knapzakcapaciteit $W = 16$

Opgave 3. (Opgave 12.2.9. uit het boek van Levitin (zie tevens de college-slides).) Gebruik het branch-and-bound algoritme om het handelsreizigersprobleem op te lossen voor de volgende graaf:



Gebruik de in het boek gehanteerde ondergrens.

(In hoorcollege 5 hebben we dit probleem met exhaustive search opgelost.)

Opgave 4. Handelsreizigersprobleem: bedenken een andere ondergrens voor de te verwachten lengte van een Hamiltonkring en pas het branch-and-bound algoritme met die ondergrens toe op de graaf uit de vorige opgave en op de graaf uit het boek (p.465)/college.

Bijvoorbeeld: (1) lengte van huidige pad + som over: alle nog niet bezochte knopen en laatste knoop van huidige pad, van: voor elk van die knopen de lengte van de kortste tak incident met die knoop (de reeds in het huidige pad zittende takken uitgesloten)

of (2), manier 2 van de bijbehorende slide van college 11: lengte huidige pad + de lengtes van de $(n - \text{het aantal takken in het huidige pad})$ kortste takken gesommeerd (voor zover die nog niet gebruikt zijn).