

ALGORITMIEK: opgaven werkcollege 13

Branch & bound en heapsort

Opgave 1. Los het toewijzingsprobleem op voor onderstaand voorbeeld met behulp van

- branch and bound, met de ondergrens op de te verwachten waarde van de objectfunctie via de rijen berekend (zoals het voorbeeld in het boek/college), en gebruikmakend van de best-fit-first strategie
- branch and bound, met de ondergrens op de te verwachten waarde van de objectfunctie via de kolommen berekend, en gebruikmakend van de best-fit-first strategie
- backtracking (kosten van deeloplossingen kunnen worden gebruikt om te snoeien)

en vergelijk de hoeveelheid snoeiwerk bij de drie methodes. Teken in alle drie de gevallen de bijbehorende state-space-tree (bij backtracking is een substantieel deel voldoende). Geef daarin ook aan in welke volgorde de knopen (=deeloplossingen) worden uitgebreid.

	W	X	Y	Z
Alice	4	7	3	5
Bob	6	2	9	1
Carol	3	9	5	3
David	1	1	1	8

- Hoeveel knopen bevat de state-space-tree van het branch and bound algoritme in het beste geval? Beantwoord deze vraag voor het voorbeeld (dus $n = 4$), maar ook voor algemene n .

Opgave 2. Exercise 12.2.5. (**ook in tweede editie**) uit het boek van Levitin.

Opgave 3. Exercise 12.2.9. (**ook in tweede editie**) uit het boek van Levitin (zie tevens de college-sheets). Gebruik de in het boek gehanteerde ondergrens.

Opgave 4. Handelsreizigersprobleem: bedenk een andere ondergrens voor de te verwachten lengte van een Hamiltonkring en pas het branch & bound algoritme met die ondergrens toe op de graaf uit de vorige opgave en op de graaf uit het boek (p.465 (**zie tweede editie, p.431**))/college.

Bijvoorbeeld: (1) lengte van huidige pad + som over: alle nog niet bezochte knopen en laatste knoop van huidige pad, van: voor elk van die knopen de lengte van de kortste tak incident met die knoop (de reeds in het huidige pad zittende takken uitgesloten)

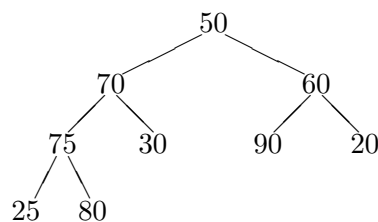
of (2), manier 2 van de bijbehorende sheet van college 12: lengte huidige pad + de lengtes van de $(n - \text{het aantal takken in het huidige pad})$ kortste takken gesommeerd (voor zover die nog niet gebruikt zijn).

Opgave 5. Hoeveel verschillende heaps bestaan er met daarin de waarden 1 t/m 4? En met 1 t/m 5? En met 1 t/m 6?

Opgave 6. Maak een heap van onderstaande complete binaire boom:

- via de bottom up methode (heapify)
- via de top down methode

Vergelijk ook het aantal vergelijkingen/verwisselingen dat elke methode doet.



Opgave 7. Sorteert de rij 50, 70, 60, 75, 30, 90, 20, 25, 80 met behulp van heapsort. Laat tussenstappen zien.